

Vypočítajte integrály pomocou transformácie do cylindrických súradníc:

1. $\iiint_M z\sqrt{x^2 + y^2} dxdydz$, ak $M = \{(x, y, z) \in \mathbb{R}^3; x^2 + y^2 \leq 2x, 0 \leq z \leq 4, 0 \leq y\}$ $\left[\frac{128}{9}\right]$
2. $\iiint_M (x^2y) dxdydz$, ak M je ohraničená plochami: $x^2 + y^2 = 1, x^2 + y^2 = 4, z = 0, x + z = 3\}$ $[0]$
3. $\iiint_M z dxdydz$, ak M je ohraničená plochami: $x^2 + y^2 = z^2$ a $z = 2$ $[4\pi]$
4. $\iiint_M \frac{xy}{\sqrt{z}} dxdydz$, ak M je ohraničená plochami: $x^2 + y^2 = 4z^2, x = 0, y = 0, z = 1$ a leží v prvom oktante $\left[\frac{4}{9}\right]$
5. $\iiint_M xy\sqrt{z} dxdydz$, ak M je ohraničená plochami: $x^2 + y^2 = 4z^2, x = 0, y = 0, z = 1$ a leží v prvom oktante $\left[\frac{4}{11}\right]$
6. $\iiint_M z dxdydz$, ak M je ohraničená plochami: $4(x^2 + y^2) = z^2$ a $z = 2$ $[\pi]$
7. $\iiint_M (x^2 + y^2) dxdydz$, ak M je ohraničená plochami: $x^2 + y^2 = 2z$ a $z = 2$ $\left[\frac{16}{3}\pi\right]$

Pomocou trojného integrálu a transformácie do cylindrických súradníc vypočítajte objem:

1. valca s polomerom podstavy $r = 2$ a výškou $v = 3$. $[12\pi]$
2. valca s polomerom podstavy $r > 0$ a výškou $v > 0$. $[\pi r^2 v]$
3. rotačného kužeľa s polomerom podstavy $r = 3$ a výškou $v = 4$. $[12\pi]$
4. rotačného kužeľa s polomerom podstavy $r > 0$ a výškou $v > 0$. $\left[\frac{1}{3}\pi r^2 v\right]$
5. rotačného eliptického paraboloidu s polomerom podstavy $r = 6$ a výškou $v = \frac{2}{3}$. $[12\pi]$
6. rotačného eliptického paraboloidu s polomerom podstavy $r > 0$ a výškou $v > 0$. $\left[\frac{1}{2}\pi r^2 v\right]$